

Модель Центр-Периферия

17 июля 2012 г.

Агломерационные и дисперсионные силы

1. Теорема Старетта говорит о невозможности пространственного конкурентного равновесия с торговлей. Совершенная конкуренция может быть отождествлена с дисперсионными силами.

2. Возможно, монополистическая конкуренция за счет возрастающей отдачи от масштаба может быть отнесена к агломерационным силам.

Центростремительные силы

Рассмотрим два абсолютно одинаковых региона. Один рабочий переезжает из Зарубежной страны в нашу Домашнюю.

- 1 **Рабочий переехал** \Rightarrow Переехали фирмы \Rightarrow Фирмы предъявили спрос на квалифицированный труд \Rightarrow **Номинальная заработная плата выросла**
- 2 За рубежом, по тем же самым соображениям, упала.
- 3 В Домашней стране собственные товары дешевые, а зарубежные дорогие (т.к. включают торговые издержки). **В результате переезда фирм в домашней стране часть товаров подешевела. Уровень цен в домашней стране снизился.**
- 4 $1+3 \Rightarrow$ **Реальная заработная плата в домашней стране выросла \Rightarrow К нам едет еще один рабочий и т.д.**

Центробежные силы

- 1 **Рабочий переехал** \Rightarrow Избыточное предложение на рынке труда \Rightarrow **Снижение номинальной заработной платы**
- 2 **В результате повышения заработной платы, уровень цен в Домашней стране повысился.**
- 3 **1+2 \Rightarrow Реальная заработная плата в Домашней стране упала \Rightarrow Рабочие уезжают из нашей страны**

Основной вопрос модели ЦП

КАКИЕ СИЛЫ ВОЗОБЛАДАЮТ?

ЦЕНТРОБЕЖНЫЕ ИЛИ
ЦЕНТРОСТРЕМИТЕЛЬНЫЕ?

ОТ КАКИХ ХАРАКТЕРИСТИК ЭКОНОМИКИ
ЭТО ЗАВИСИТ?

План

- 1 **Сформулировать односекторную модель**
- 2 Краткосрочное равновесие (равновесие без учета миграции)
- 3 Долгосрочное равновесие
- 4 **Сформулировать двухсекторную модель**
- 5 Краткосрочное равновесие
- 6 Долгосрочное равновесие
- 7 **Обсудить результаты**

Односекторная модель Центр-Периферия

Предположения модели

- 1 Экономика состоит из **двух стран**.
- 2 В каждой – **один “промышленный” сектор**.
- 3 Производство **промышленности** – **возрастающая** отдача от масштаба на уровне фирмы при монополистической конкуренции.
- 4 Один фактор производства – **труд**.
- 5 Продукция **промышленности** торгуется между странами с **транспортными издержками** типа **айсберг**.
- 6 Есть миграция труда между странами.

Предположения модели

- 1 В экономике двух стран - L идентичных в предпочтениях агентов-рабочих
- 2 $s \geq \frac{1}{2}$ - доля рабочих в Домашней стране
- 3 w - относительная зарплата в Домашней стране.
- 4 N^H - количество фирм в Домашней стране, N^F - количество фирм в Зарубежной стране,
- 5 x_k^{ij} - индивидуальное потребление k -го товара, произведенного в стране i , потребленного в стране j .
- 6 p_k^{ij} - цена товара x_k^{ij} .

Задача потребителя

- Задача потребителя в Домашней стране

$$U(x^H) = \left(\int_0^{N^H} (x_i^{HH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di + \int_0^{N^F} (x_i^{FH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di \right) \rightarrow \max_{x_i^{HH}, x_i^{FH}}$$

s.t.

$$\int_0^{N^H} p_i^{HH} x_i^{HH} di + \int_0^{N^F} p_i^{FH} x_i^{FH} di \leq w$$

Совокупный спрос на продукцию i -ой разновидности

- Домашний

$$\frac{w^H \cdot s \cdot L \cdot (p_i^{HH})^{-\sigma}}{\int_0^{NH} (p_j^{HH})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FH})^{1-\sigma} dj}$$

- Зарубежный

$$\tau \frac{1 \cdot (1-s) \cdot L \cdot (p_i^{HF})^{-\sigma}}{\int_0^{NH} (p_j^{HF})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FF})^{1-\sigma} dj}$$

“Iceberg-type” транспортные издержки - для того чтобы продать потребителю в зарубежной стране 1 единицу товара мы должны вывезти из домашней страны τ единиц товара. $\tau - 1$ единица товара теряется при перевозке.

Задача производителя

- Функция издержек имеет вид

$$C(q) = Fw + wscq,$$

где F - фиксированные издержки, выраженные в труде; c - предельные издержки, выраженные в труде.

- Задача производителя в Домашней стране

$$\pi_i = p_i^{HH} x_i^{HH} sL + p_i^{HF} x_i^{HF} (1-s)L - \\ - wcx_i^{HH} sL - \tau wcx_i^{HF} (1-s)L - Fw \rightarrow \max_{p_i^{HH}, p_i^{HF}}$$

Задача производителя

- Задача производителя в Домашней стране:

$$\pi_i = (p_i^{HH} x_i^{HH} - w c x_i^{HH}) s L + (p_i^{HF} x_i^{HF} - \tau w c x_i^{HF}) (1-s) L - F w \rightarrow \max_{p_i^{HH}, p_i^{HF}}$$

- Зная спрос на свою продукцию i -ая домашняя фирма выбирает p_i решая

$$\frac{s L w \cdot (p_i^{HH})^{-\sigma} \cdot (p_i^{HH} - w \cdot c)}{\int_0^{N^H} (p_j^{HH})^{1-\sigma} dj + \int_0^{N^F} (p_j^{FH})^{1-\sigma} dj} + \frac{(1-s) L \cdot (p_i^{HF})^{-\sigma} (p_i^{HF} - w \cdot \tau \cdot c)}{\int_0^{N^H} (p_j^{HF})^{1-\sigma} dj + \int_0^{N^F} (p_j^{FF})^{1-\sigma} dj} - w \cdot F \rightarrow \max$$

- Решение этой оптимизационной задачи

$$p_i^{HH} = \frac{w \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}, \quad p_i^{HF} = \frac{w \cdot \tau \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}$$

- Аналогично, для производителя зарубежом имеем

$$p_i^{FF} = \frac{c \cdot \sigma}{\sigma - 1}, \quad p_i^{FH} = \frac{\tau \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}$$

Условие нулевой прибыльности

Подставим найденные цены в условие нулевой прибыльности фирмы домашней страны

$$(p_i^{HH} x_i^{HH} - w c x_i^{HH}) s L + (p_i^{HF} x_i^{HF} - \tau w c x_i^{HF}) (1-s) L = w \cdot F$$

и получим

$$s L x^{HH} + \tau (1-s) L x^{HF} = \frac{(\sigma-1) F}{c}$$

Аналогично для производителя Зарубежной страны:

$$(1-s) L x^{FF} + \tau s L x^{FH} = \frac{(\sigma-1) F}{c}$$

Условие равновесия на рынке труда и торговых потоков

В домашней стране

$$N^H (F + c(sLx^{HH} + \tau(1-s)Lx^{HF})) = sL$$

зарубежом

$$N^F (F + c((1-s)Lx^{FF} + \tau sLx^{FH})) = (1-s)L.$$

Сбалансированность торговых потоков

$$N^H(1-s)p^{HF}x^{HF} = N^F sp^{FH}x^{FH}.$$

Заработная плата

Используя три последних выражения получаем зависимость для относительной заработной платы w :

$$w = \frac{x^{FH}}{x^{HF}} \cdot \frac{\tilde{F} + sx^{HH} + \tau(1-s)x^{HF}}{\tilde{F} + (1-s)x^{FF} + \tau sx^{FH}},$$

где $\tilde{F} = \frac{(\sigma-1)F}{cL}$.

Равновесная система

Равновесные уровни потребления и уровень относительной заработной платы определяется из следующей системы:

$$\left(\frac{x^{HH}}{x^{FH}}\right)^{-\frac{1}{\sigma}} = \frac{w}{\tau}; \quad \left(\frac{x^{FF}}{x^{HF}}\right)^{-\frac{1}{\sigma}} = \frac{1}{w\tau}$$

$$s \frac{x^{HH}}{\sigma - 1} + (1 - s)\tau \frac{x^{HF}}{\sigma - 1} = \tilde{F}$$

$$s\tau \frac{x^{FH}}{\sigma - 1} + (1 - s) \frac{x^{FF}}{\sigma - 1} = \tilde{F}$$

$$w = \frac{x^{FH}}{x^{HF}} \cdot \frac{\tilde{F} + sx^{HH} + \tau(1 - s)x^{HF}}{\tilde{F} + (1 - s)x^{FF} + \tau sx^{FH}}$$

Решение данной системы $(x^{HH}, x^{HF}, x^{FH}, x^{FF}, w)$ является функцией от (s, τ, \tilde{F}) .

Индивидуальные потребления

Разрешив равновесную систему, получили зависимости индивидуальных потреблений от заработной платы и торговых издержек:

$$x^{FH} = \frac{(\sigma - 1)\tilde{F}}{s\tau} \cdot \frac{w^\sigma \tau^{\sigma-1} - 1}{\tau^{2(\sigma-1)} - 1}$$

$$x^{HF} = \frac{(\sigma - 1)\tilde{F}}{(1-s)\tau} \cdot \frac{\tau^{\sigma-1} - w^\sigma}{w^\sigma (\tau^{2(\sigma-1)} - 1)}$$

$$x^{HH} = \frac{(\sigma - 1)\tilde{F}}{s\tau} \cdot \tau^\sigma \cdot \frac{w^\sigma \tau^{\sigma-1} - 1}{w^\sigma (\tau^{2(\sigma-1)} - 1)}$$

$$x^{FF} = \frac{(\sigma - 1)\tilde{F}}{(1-s)\tau} \cdot \tau^\sigma \cdot \frac{\tau^{\sigma-1} - w^\sigma}{\tau^{2(\sigma-1)} - 1}$$

Относительная ставка заработной платы

Неявное выражение для относительной заработной платы как функции от размера рынка и торговых издержек:

$$w = \frac{(1-s)w^\sigma (w^\sigma \tau^{\sigma-1} - 1)}{s(\tau^{\sigma-1} - w^\sigma)}$$

Можно проверить, что:

1. решение данной системы существует и единственное
2. в равновесии относительная заработная плата лежит в интервале $\left[\tau^{\frac{1}{\sigma-1}}; \tau^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} \right]$.
3. в результате процесса глобализации равновесная ставка относительной заработной платы монотонно убывает и стремится к 1.

Долгосрочное равновесие

- Долгосрочное пространственное равновесие возникает, когда никакой рабочий не может получить более высокую реальную заработную плату в другой стране.
- Реальная заработная плата - полезность рабочего V в равновесии. Для CES-функции в Домашней стране она имеет вид:

$$V(s) = \frac{w(s)}{P^H(s)},$$

где P^H - уровень индекс в Домашней стране

- Миграционный процесс во времени описывается следующим дифференциальным уравнением:

$$\dot{s} = s(V^H(s) - (sV^H(s) + (1-s)V^F(s)))$$

или

$$\dot{s} = s(1-s)\Delta V(s),$$

где $\Delta V = V^H - V^F$

Долгосрочное равновесие

- Равновесие возникает в случаях, когда: 1) $s = 0$; 2) $s = 1$; 3) $\Delta V = 0$ при $0 < s < 1$.
- Устойчивость агломерационных равновесий: 1) $\Delta V \leq 0$ при $s = 0$; 2) $\Delta V \geq 0$ при $s = 1$.
- В условиях монотонности относительной заработной платы по торговым издержкам, возможно только одно долгосрочное дисперсионное (неагломерационное) равновесие при $s = \frac{1}{2}$.

Дисперсионное равновесие

- Мы предполагаем, что при монополистической конкуренции преобладают агломерационные силы. Для проверки этой гипотезы исследуем на устойчивость стационарную точку, соответствующую дисперсионному равновесию.
- Линериализация дифференциального уравнения в окрестности $s = \frac{1}{2}$

$$\left(s - \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{4} \cdot \frac{\partial \Delta V}{\partial s} \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(s - \frac{1}{2}\right),$$

- Для определения устойчивости найдем знак производной ΔV в окрестности $s = \frac{1}{2}$:

$$\frac{\partial \Delta V}{\partial s} \left(\frac{1}{2}\right) = 2 \left(\frac{2\tilde{F}(\sigma-1)\tau^{\sigma-1}}{(\tau^{\sigma-1}+1)} \right)^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} \frac{(\tau^{\sigma-1}-1)}{2c\tilde{F}\sigma} \left[1 - \frac{(\sigma-1)(\tau^{\sigma-1}-1)}{\sigma\tau^{\sigma}[(2\sigma-1)\tau^{\sigma-1}+1]} \right] > 0$$

Выводы из односекторной модели

1. Дисперсионное равновесие ($s = \frac{1}{2}$) является неустойчивым. Любое неверное решение агента переехать в другую страну приведет к переезду всех остальных агентов и возникновению устойчивого агломерационного равновесия.
2. Два долгосрочных устойчивых равновесия - агломерация в одной или другой стране.
3. Введение в модель второго, совершенно конкурентного сектора увеличит дисперсионные силы. Соответственно, в двухсекторной модели ответ на вопрос о том, какие силы возобладают и при каких характеристиках экономики, может дать другой результат.

Двухсекторная модель Центр-Периферия

Предположения модели

- 1 Экономика – состоит из **двух стран**.
- 2 В каждой – **два сектора**: “промышленность” и “сельское хозяйство”.
- 3 Производство **промышленности** – **возрастающая** отдача от масштаба, МК.
- 4 Производство **сельского хозяйства** – **постоянная** отдача от масштаба, совершенная конкуренция.
- 5 Факторы – **два типа труда** : “промышленные рабочие” и “колхозники”. Труд не мобилен между секторами.
- 6 Продукция **промышленности** торгуется между странами с **транспортными издержками**, а продукция **сельского хозяйства** без.
- 7 Есть миграция **квалифицированного труда** между странами.

Предположения модели

- 1 Отсутствие торговых издержек в традиционном секторе выравнивает заработную плату неквалифицированных рабочих в обеих странах, занормируем ее: $w_a = 1$.
- 2 L - общее количество неквалифицированных рабочих, s_L - доля в Домашней стране.
- 3 H - общее количество квалифицированных рабочих, s_H - доля в Домашней стране.
- 4 w^H - заработная плата квалифицированных рабочих в Домашней стране, w^F - в Зарубежной.

Задача потребителя

- Задача неквалифицированного рабочего

$$U(X^H, A^H) = \left(\left(\int_0^{N^H} (x_i^{HH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di + \int_0^{N^F} (x_i^{FH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di \right)^{\sigma/(\sigma-1)} \right)^\alpha (A^H)^{1-\alpha} \rightarrow \max_{x_i^{HH}, x_i^{FH}, A^H}$$

s.t.

$$\int_0^{N^H} p_i^{HH} x_i^{HH} di + \int_0^{N^F} p_i^{FH} x_i^{FH} di + p^A A^H \leq 1$$

- Задача квалифицированного рабочего

$$U(X^H, A^H) = \left(\left(\int_0^{N^H} (x_i^{HH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di + \int_0^{N^F} (x_i^{FH})^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} di \right)^{\sigma/(\sigma-1)} \right)^\alpha (A^H)^{1-\alpha} \rightarrow \max_{x_i^{HH}, x_i^{FH}, A^H}$$

s.t.

$$\int_0^{N^H} p_i^{HH} x_i^{HH} di + \int_0^{N^F} p_i^{FH} x_i^{FH} di + p^A A^H \leq w^j, j = H, F.$$

Совокупный спрос на продукцию i -ой разновидности

- Домашний

$$\frac{\alpha \cdot (w^H \cdot s_H \cdot H + s_L \cdot L) \cdot (p_i^{HH})^{-\sigma}}{\int_0^{NH} (p_j^{HH})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FH})^{1-\sigma} dj}$$

- Зарубежный

$$\tau \frac{\alpha \cdot (w^F \cdot (1 - s_H) \cdot H + (1 - s_L) \cdot L) \cdot (p_i^{HF})^{-\sigma}}{\int_0^{NH} (p_j^{HF})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FF})^{1-\sigma} dj}$$

Задача производителя

- Зная спрос на свою продукцию i -ая домашняя фирма выбирает p_i , решая

$$\frac{\alpha \cdot (w^H \cdot s_H \cdot H + s_L \cdot L) \cdot (p_i^{HH})^{-\sigma} \cdot (p_i^{HH} - w \cdot c)}{\int_0^{NH} (p_j^{HH})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FH})^{1-\sigma} dj} +$$

$$+ \frac{\alpha \cdot (w^F \cdot (1 - s_H) \cdot H + (1 - s_L) \cdot L) \cdot (p_i^{HF})^{-\sigma} \cdot (p_i^{HF} - w \cdot \tau \cdot c)}{\int_0^{NH} (p_j^{HF})^{1-\sigma} dj + \int_0^{NF} (p_j^{FF})^{1-\sigma} dj} - w \cdot F \rightarrow \max$$

- Решение этой оптимизационной задачи

$$p_i^{HH} = \frac{w \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}, \quad p_i^{HF} = \frac{w \cdot \tau \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}$$

- Аналогично, для производителя зарубежом имеем

$$p_i^{FF} = \frac{c \cdot \sigma}{\sigma - 1}, \quad p_i^{FH} = \frac{\tau \cdot c \cdot \sigma}{\sigma - 1}$$

Условие нулевой прибыльности

Подставим найденные цены в условие нулевой прибыльности

$$\frac{\alpha \cdot (w^H \cdot s_H \cdot H + s_L \cdot L) \cdot (p^{HH})^{-\sigma} \cdot (p_i^{HH} - w^H \cdot c)}{\int_0^{N^H} (p_j^{HH})^{1-\sigma} dj + \int_0^{N^F} (p_j^{FH})^{1-\sigma} dj} + \frac{\alpha \cdot (w^F \cdot (1-s_H) \cdot H + (1-s_L) \cdot L) \cdot (p_i^{HF})^{-\sigma} (p_i^{HF} - w^H \cdot \tau \cdot c)}{\int_0^{N^H} (p_j^{HF})^{1-\sigma} dj + \int_0^{N^F} (p_j^{FF})^{1-\sigma} dj} = w^H \cdot F$$

и получим

$$\frac{\alpha \cdot (w^H \cdot s_H \cdot H + s_L \cdot L) \cdot (p^{HH})^{-\sigma}}{N^H (p^{HH})^{1-\sigma} + N^F (p^{FH})^{1-\sigma}} + \tau \frac{\alpha \cdot (w^F \cdot (1-s_H) \cdot H + (1-s_L) \cdot L) \cdot (p^{HF})^{-\sigma}}{N^H (p^{HF})^{1-\sigma} dj + N^F (p^{FF})^{1-\sigma}} = \frac{(\sigma-1)F}{c}$$

Таким образом выпуск фирмы y^H в Домашней стране равен

$$y^H = \frac{(\sigma-1)F}{c}$$

Аналогичные условия имеем для зарубежного производителя.

Условие равновесия на рынке квалифицированного труда

В Домашней стране

$$N^H(F + cy^H) = s_H H$$

зарубежом

$$N^F(F + cy^F) = (1 - s_H)H.$$

Ранее мы нашли совокупные выпуски фирмы каждой страны

$$y^H = y^F = \frac{(\sigma - 1)F}{c}$$

с учетом этого

$$N^H = \frac{s_H H}{F \sigma} \quad N^F = \frac{(1 - s_H)H}{F \sigma}$$

Условие равновесия на рынке сельскохозяйственной продукции

Потребители тратят фиксированную долю бюджета $(1 - \alpha)$ на с/х продукцию. Из единицы труда производится единица продукции. С учетом этого имеем

$$(1 - \alpha)(w^H \cdot s_H \cdot H + w^F \cdot (1 - s_H) \cdot H + s_L \cdot L + (1 - s_L) \cdot L) = s_L \cdot L + (1 - s_L) \cdot L$$

или

$$s_H w^H + (1 - s_H) w^F = \frac{\alpha}{1 - \alpha} \cdot \frac{L}{H}$$

Система для краткосрочного равновесия

$$\alpha \left(\frac{w^H \cdot s_H + \frac{1}{2} \cdot \frac{L}{H}}{s_H (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H) \varphi (w^F)^{1-\sigma}} + \frac{\varphi \left((1-s_H) w^F + \frac{1}{2} \cdot \frac{L}{H} \right)}{s_H \varphi (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H) (w^F)^{1-\sigma}} \right) = (w^H)^\sigma$$

$$s_H w^H + (1-s_H) w^F = \frac{\alpha}{1-\alpha} \cdot \frac{L}{H},$$

где $\varphi = \tau^{-(\sigma-1)}$ — мера свободы торговли. Чем больше φ (меньше τ) тем более свободная торговля.

Краткое содержание

- 1 Решив задачу потребителей нашли агрегированный спрос
- 2 Решив задачу производителя нашли равновесные цены
- 3 Воспользовавшись условием свободы входа нашли совокупный выпуск
- 4 Воспользовавшись балансом на рынке квалифицированного труда нашли число фирм
- 5 Используя условие нулевой прибыльности и баланс на рынке сельхозпродукции получили систему из двух уравнений для определения ставок зарплаты дома и зарубежом

Относительная ставка заработной платы

Система

$$\alpha \left(\frac{w^H \cdot s_H + \frac{1}{2} \cdot \frac{L}{H}}{s_H (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H) \varphi (w^F)^{1-\sigma}} + \frac{\varphi (w^F (1-s_H) + \frac{1}{2} \cdot \frac{L}{H})}{s_H \varphi (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H) (w^F)^{1-\sigma}} \right) = (w^H)^\sigma$$

$$s_H w^H + (1-s_H) w^F = \frac{\alpha}{1-\alpha} \cdot \frac{L}{H}$$

после несложных упрощений сводится к уравнению

$$(1-s_H) \left[1 - \frac{1+\alpha}{2} (1-\varphi^2) - \varphi \cdot \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^\sigma \right] -$$

$$-s_H \left[\left(1 - \frac{1+\alpha}{2} (1-\varphi^2) \right) \frac{w^H}{w^F} - \varphi \cdot \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^{1-\sigma} \right] = 0$$

для относительной номинальной ставки заработной платы $\frac{w^H}{w^F}$

Поведение относительной номинальной зарплаты

- 1 Независит от совокупного запаса факторов производства H и L
- 2 $\varphi \leq \frac{w^H}{w^F} \leq \varphi^{-1}$ при $\tau \rightarrow 1$ $\frac{w^H}{w^F} \rightarrow 1$
- 3 Решение последнего уравнения (и, соответственно, данной системы) существует и единственно
- 4 Сравнительная статика по s_H : когда мера свободы торговли φ превышает некоторую пороговую величину

$$\tilde{\varphi} = \frac{1 - \alpha}{1 + \alpha}$$

тогда относительная номинальная заработная плата $\frac{w^H}{w^F}$ возрастает по доле промышленных рабочих в Домашней стране s_H и убывает при малой степени свободы торговли ($\varphi < \tilde{\varphi}$).

- 5 Номинальные заработные платы ведут себя немонотонно по торговым издержкам.

Поведение относительной номинальной зарплаты

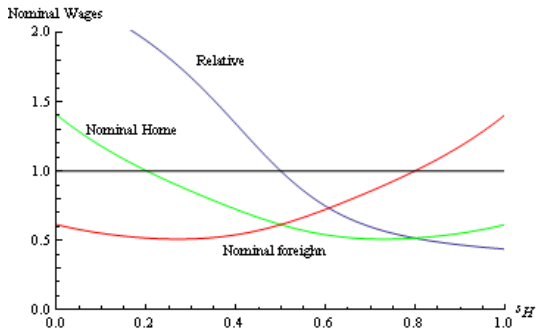


Рис.: Поведение относительной номинальной зарплаты $\frac{w^H}{w^F}$ и номинальных заработных плат

Реальная заработная плата

Как и ранее, реальная заработная плата - полезность квалифицированного рабочего V в равновесии. Другими словами, номинальная заработная плата, деленная на индекс цен.

В домашней стране она равна

$$V^H = \frac{(HF\sigma)^{\frac{\alpha}{1-\sigma}}}{\left(\frac{c\sigma}{\sigma-1}\right)^\alpha} \cdot \frac{w^H}{\left(s_H (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H)(w^F)^{1-\sigma} \varphi\right)^{\frac{\alpha}{1-\sigma}}}$$

зарубежом

$$V^F = \frac{(HF\sigma)^{\frac{\alpha}{1-\sigma}}}{\left(\frac{c\sigma}{\sigma-1}\right)^\alpha} \cdot \frac{w^F}{\left(s_H \varphi \cdot (w^H)^{1-\sigma} + (1-s_H)(w^F)^{1-\sigma}\right)^{\frac{\alpha}{1-\sigma}}}$$

Относительная реальная заработная плата равна

$$\frac{V^H}{V^F} = \frac{w^H}{w^F} \left(\frac{s_H + (1-s_H)\varphi \left(\frac{w^H}{w^F}\right)^{\sigma-1}}{s_H \varphi + (1-s_H)\left(\frac{w^H}{w^F}\right)^{\sigma-1}} \right)^{\frac{\alpha}{\sigma-1}}$$

Поведение относительной реальной зарплаты (полезности рабочих)

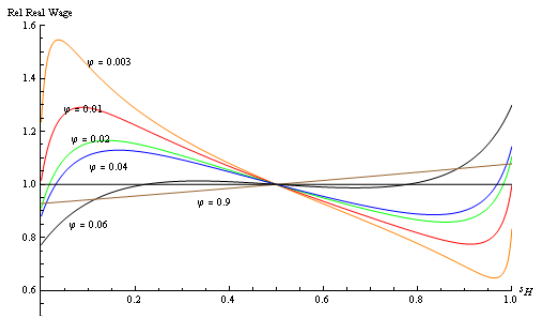
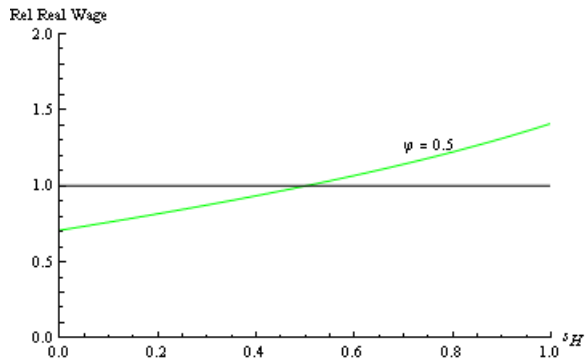
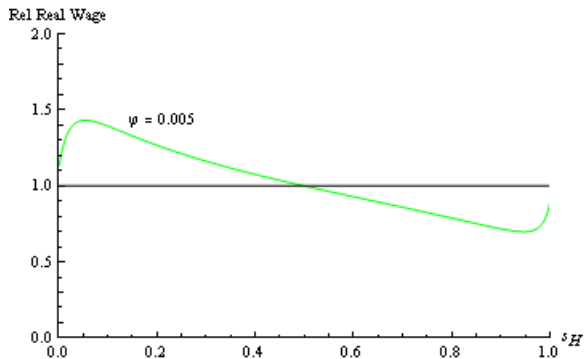


Рис.: Поведение относительной реальной зарплаты рабочих $\frac{V^H}{V^F}$ при изменении транспортных издержек и доли промышленных рабочих в Домашней стране

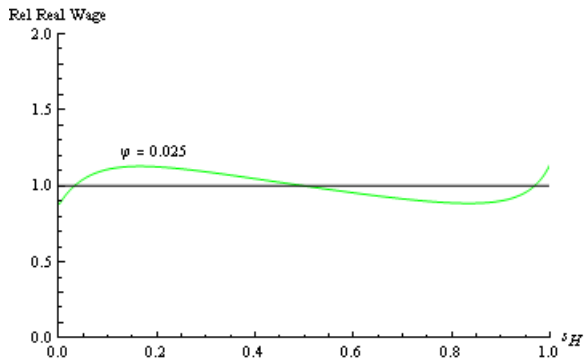
Случай одного неустойчивого равновесия



Случай одного устойчивого равновесия



Три равновесия (одно устойчивое)



Долгосрочное равновесие ЦП

Сельскохозяйственные рабочие немобильны. Здесь и далее мы будем считать что $s_L = \frac{1}{2}$.

Динамика миграции промышленных рабочих определяется следующим дифференциальным уравнением

$$\dot{s}_H = s_H (V^H - (s_H V^H + (1 - s_H) V^F))$$

или

$$\dot{s}_H = s_H (1 - s_H) (V^H(s_H) - V^F(s_H)).$$

Данное уравнение может иметь долгосрочное равновесие в случае если: (1) краевые (агломерационные) решения $s_H = 0$ или $s_H = 1$ или (2) внутренние (не агломерационные) решения при равенстве полезностей $V^H(s_H) = V^F(s_H)$.

Будет или нет стационарная точка долгосрочным равновесием определяется ее устойчивостью.

Внутреннее (-ие) равновесие (-я)

Внутреннее долгосрочное равновесие задается системой из двух уравнений

- 1 Уравнение для относительной номинальной ставки заработной платы

$$(1 - s_H) \left[1 - \frac{1+\alpha}{2} (1 - \varphi^2) - \varphi \cdot \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^\sigma \right] - s_H \left[\left(1 - \frac{1+\alpha}{2} (1 - \varphi^2) \right) \frac{w^H}{w^F} - \varphi \cdot \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^{1-\sigma} \right] = 0$$

- 2 Уравнение равенства реальных заработных плат

$$\frac{w^H}{w^F} \left(\frac{s_H + (1 - s_H) \varphi \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^{\sigma-1}}{s_H \varphi + (1 - s_H) \left(\frac{w^H}{w^F} \right)^{\sigma-1}} \right)^{\frac{\alpha}{\sigma-1}} = 1$$

Данная система имеет не более трех корней.

Устойчивость агломерационных равновесий

Линеаризовав систему

$$\dot{s}_H = s_H (1 - s_H) (V^H(s_H) - V^F(s_H))$$

в окрестности $s_H = 0$ получим

$$\dot{s}_H = (V^H(0) - V^F(0)) s_H$$

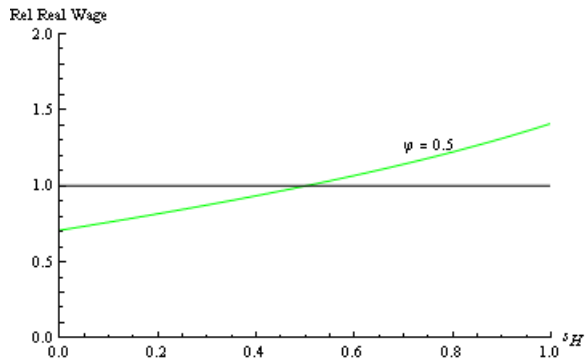
Агломерационное равновесие будет устойчивым, если

$$V^H(0) < V^F(0)$$

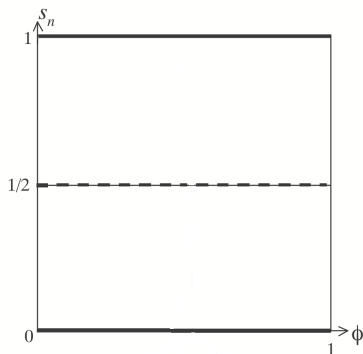
или используя формулы для реальных заработных плат ($\rho = \frac{\sigma - 1}{\sigma}$)

$$\frac{1}{2}(1 - \alpha)\varphi^{\frac{\alpha - \rho}{\rho}} + \varphi^{\frac{\alpha + \rho}{\rho}} \left(1 - \frac{1}{2}(1 - \alpha)\right) < 1$$

Случай устойчивого агломерационного равновесия



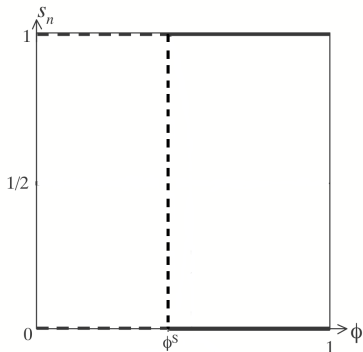
Условия устойчивости агломерационных равновесий



Устойчивость агломерационных равновесий, когда

- 1 $\rho = \frac{\sigma - 1}{\sigma} < \alpha$ - возникает “Черная дыра” - устойчивы только агломерационные равновесия (совпадает с результатом односекторной модели)

Условия устойчивости агломерационных равновесий



Устойчивость агломерационных равновесий, когда

2. $\rho > \alpha$ - “Черной дыры” нет, но равновесия устойчивы при $\varphi > \varphi^s$

Условие устойчивости внутреннего равновесия

Аналогично, линеаризовав уравнение миграции в окрестности $s_H = \frac{1}{2}$ получим условие устойчивости симметричного равновесия

$$\frac{\partial V^H}{\partial s_H} \left(\frac{1}{2} \right) < \frac{\partial V^F}{\partial s_H} \left(\frac{1}{2} \right).$$

Честно и утомительно беря производные получим, что это условие выполнено если

$$\varphi < \varphi^B,$$

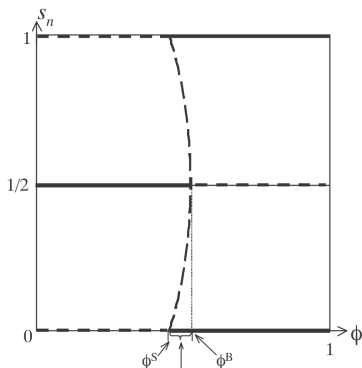
где

$$\varphi^B = \frac{1 - \frac{\sigma}{\sigma-1}\alpha}{1 + \frac{\sigma}{\sigma-1}\alpha} \cdot \frac{1 - \alpha}{1 + \alpha}$$

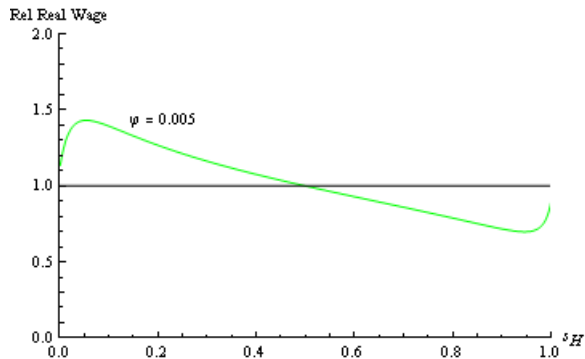
Диаграмма устойчивости: возникновение эндогенной асимметрии

Несложно показать, что

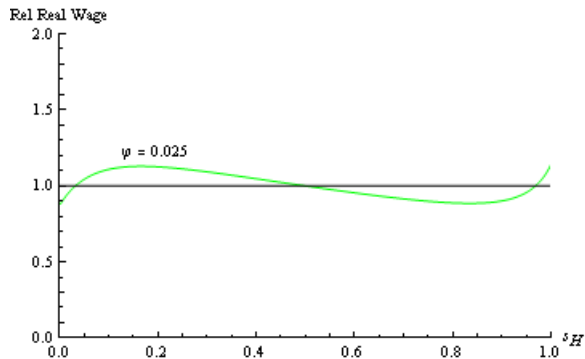
$$\varphi^S < \varphi^B$$



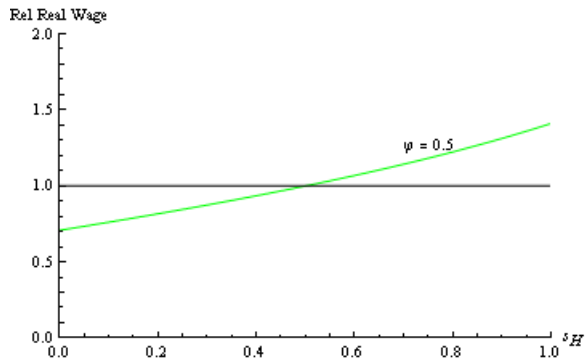
Зона $\varphi < \varphi^S$



Зона $\varphi^S < \varphi < \varphi^B$

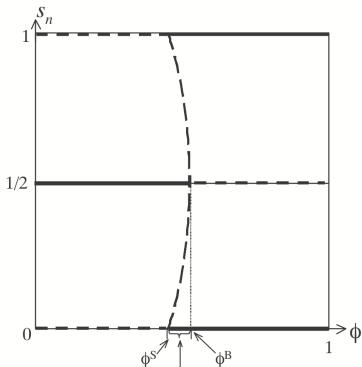


Зона $\varphi > \varphi^B$



Выводы: важность “истории”

Данная модель показывает что возможно появление агломераций, но какая из стран станет центром, а какая периферией неизвестно. Для определенности важна история.



Выводы: влияние интеграции

Под интеграцией понимаем снижение транспортных издержек. В случае если исходно транспортные издержки были высоки (случай $\varphi < \varphi^s$), то снижение транспортных издержек не изменит характер равновесия. В силу симметрии

$$w^H = w^F = 2 \frac{\alpha}{1 - \alpha} \cdot \frac{L}{H}$$

то есть номинальные заработные платы неизменны. Но снижение издержек уменьшает уровень цен, что влечет первичный рост благосостояния в обеих странах.

Как только уровень транспортных издержек станет достаточно низким (больше $\varphi > \varphi^s$) может начаться процесс агломерации. Переезжающие в Центр и живущие там выигрывают. Остающиеся на периферии проигрывают. В пределе в периферии остаются только неквалифицированные рабочие.

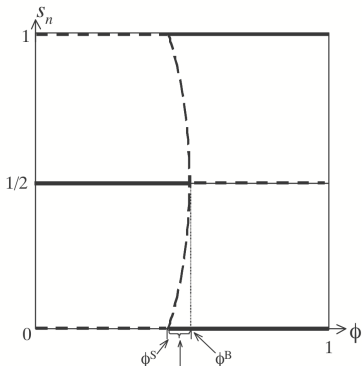
Полезность (не)квалифицированных рабочих

В случае дальнейшей интеграции рынков полезность квалифицированных рабочих (размещенных в центре не меняется). Не меняется и уровень цен в Домашней стране, а тем самым и полезность неквалифицированных рабочих в Центре. Это следствие того, что торговые издержки несутся только при транспортировке промышленных товаров.

На периферии после резкого падения полезности в результате агломерации дальнейшая интеграция рынков влечет рост полезности, так как импортные товары становятся дешевле.

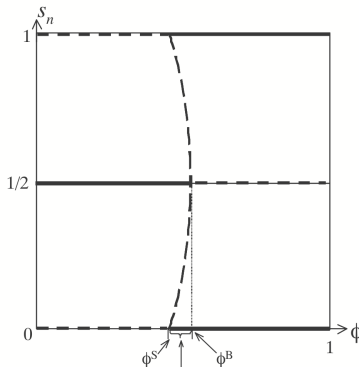
Пороговый характер интеграции

Интеграция смягчает первоначальное неравенство в случае если транспортные издержки низкие ($\varphi > \varphi^B$) и не изменяет его если транспортные издержки высокие ($\varphi < \varphi^S$).



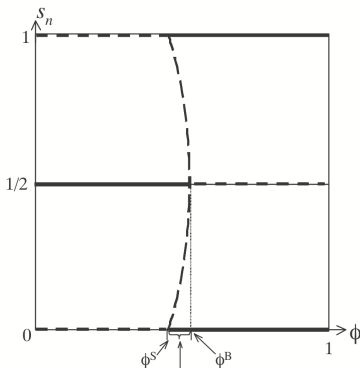
Выводы: пороговый характер региональной политики

В зависимости от уровня интегрированности региональная политика направленная на агломерацию может оказаться бесперспективной ($\phi < \phi^S$). Кроме того, при средней величине транспортных издержек важен масштаб вмешательства. Малая политика бесперспективна, а большая достигнет цели.



Выводы: самооправдывающиеся ожидания

Большую роль играют ожидания, являясь самооправдывающимися. Если удастся убедить в преимуществах одного региона над другим, то это запустит самоподдерживающийся процесс миграции. Рабочие получат агломерационную ренту и их ожидания оправдаются. Сами же обещания выполнять необязательно.



Выводы: благосостояние

Помимо неэффективности, возникающей из несовершенства конкуренции, модель подсказывает новую причину потерь: мобильность. Фирмы и рабочие при принятии решений о перемещении не принимают во внимание связанные с этим потери оставшихся агентов.

Ни одна из конфигураций не доминирует другую. Рабочие на периферии предпочитают дисперсию, а рабочие в центре предпочитают агломерацию. Вопрос о ранжировке этих конфигураций непрост.

Выводы: дисперсионные силы

В результате добавления совершенно конкурентного сектора при высоких торговых издержках ($\varphi < \varphi^B$) дисперсионное равновесие оказывается устойчивым, в отличие от односекторной модели. За счет чего? Возможны варианты:

1. совершенно-конкурентный сектор
2. отсутствие транспортных издержек для этого сектора
3. наличие немобильного населения, всегда создающего спрос на Периферии.

Литература

- Baldwin, R. E., R. Forslid, P. Martin, G. I. P. Ottaviano, and F. Robert-Nicoud. 2003. *Economic Geography and Public Policy*. Princeton University Press.
- Berliant, M. & Kung, Fan-chin, (2009) Bifurcations in regional migration dynamics, *Regional Science and Urban Economics*, Elsevier, vol. 39(6), pages 714-720.
- Brakman, Garretsen and van Marrewijk (2003) *An introduction to geographical economics: trade, location and growth*. Cambridge University Press.
- Combes P.P., Mayer T. and J-F. Thisse, *Economic Geography: The Integration of Regions and Nations*, Princeton University Press, 2009
- Fujita M., P. Krugman and A. Venables, *The Spatial Economy: Cities, Regions and International Trade*, MIT Press, 1999
- *Handbook of Regional and Urban Economics*, Vol. 4, ed. V. Henderson and J.-F. Thisse, Elsevier, 2004
- Krugman, P. R. (1991) Increasing Returns and Economic Geography, *Journal of Political Economy* 99, 483-99.
- Mossay, P. (2006). The core-periphery model: a note on the existence and uniqueness of short-run equilibrium. *Journal of Urban Economics* 59:389-93.
- Robert-Nicoud, F. (2005). The structure of simple “New Economic Geography” models. *Journal of Economic Geography* 5:201-34.